

L'épreuve comporte deux exercices et un problème obligatoires sur deux pages

EXERCICE 1 (5 points)

- 1) Résoudre dans \mathbb{R} , l'équation : $3x^2 + 4x - 4 = 0$. 1pt
 2) En déduire la résolution dans \mathbb{R} de l'équation : $e^{2x+\ln 3} + e^{x+2\ln 2} - 4 = 0$. 1pt
 3)

- a) Déterminer le triplet $(x; y; z)$ de \mathbb{R}^3 vérifiant le système : $\begin{cases} 2x + 4y - z = 1 \\ 3x - 2y + 2z = 3 \\ -x + 6y - z = 0 \end{cases}$ 1,5pt
 b) En déduire le triplet $(x; y; z)$ de \mathbb{R}^3 vérifiant le système : $\begin{cases} 2\ln x + 4\ln y - \ln z = 1 \\ 3\ln x - 2\ln y + 2\ln z = 3 \\ -\ln x + 6\ln y - \ln z = 0 \end{cases}$ 1,5pt

EXERCICE 2 (6points)

Les notes en mathématiques de l'élève Ngono de 6^e lors des évaluations mensuelles, dépendent essentiellement de son temps de travail pendant le mois concerné. Pendant six mois consécutifs, on a relevé la note (Y) sur 20 et le temps de travail (X) en heures. Le tableau ci-dessous présente ces données.

Rang du mois	1	2	3	4	5	6
Temps de travail (X)	36,5	38,5	40,5	44,5	53	54
Note mensuelle(Y)	7,5	9,5	10	13	15,5	16,5

- 1) Représenter le nuage de points associé à cette série statistique dans un repère orthonormé d'origine O (35, 5). On prendra 0,5cm pour une unité sur l'axe des abscisses et 1cm pour une unité sur l'axe des ordonnées. 2pts
 2) Déterminer les coordonnées du point moyen G de ce nuage. 1pt
 3) On considère le sous-nuage (E_1) associé aux trois premiers points et le sous-nuage (E_2) associés aux trois derniers points.
 a) Déterminer les coordonnées des points moyens G_1 et G_2 des sous-nuages (E_1) et (E_2) respectivement. 1pt
 b) Montrer qu'une équation cartésienne de la droite d'ajustement par la méthode de Mayer est : $y = \frac{1}{2}x - 10,25$. 1pt
 4) Donner une estimation de la note de Ngono pour un temps de travail mensuel de 58h. 1pt

PROBLÈME (9points)

Soit f la fonction définie sur $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ par : $f(x) = \frac{2x^3+2x^2-10x+5}{2(x-1)^2}$. On désigne par (\mathcal{C}) la courbe représentative de f dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .

- 1) Montrer que pour tout, $x \neq 1$, $f(x) = x + 3 - \frac{1}{2(x-1)^2}$. 1pt
- 2)
 - a) Déterminer les limites de f aux bornes de son ensemble de définition. 1pt
 - b) Déterminer une équation de l'asymptote verticale à la courbe (\mathcal{C}) de f . 0,5pt
 - c) Montrer que la droite (D) d'équation $y = x + 3$ est une asymptote oblique à (\mathcal{C}) . 0,5pt
- 3) Montrer que, pour tout $x \neq 1$, $f'(x) = \frac{x(x^2-3x+3)}{(x-1)^3} = \frac{x}{x-1} \times \frac{x^2-3x+3}{(x-1)^2}$ où f' est la dérivée de la fonction f . 1pt
- 4) Montrer que $f'(x)$ a même signe que $\frac{x}{x-1}$ pour tout $x \neq 1$, puis dresser le tableau des variations de f . 1,25pt
- 5) Préciser la position de (\mathcal{C}) par rapport à (D) . 0,5pt
- 6) Construire (\mathcal{C}) et ses asymptotes. 1,25pt
- 7) Construire dans le même repère, la courbe (\mathcal{C}_g) représentative de la fonction g définie par $g(x) = f(-x)$. 1pt
- 8) Soit F la fonction définie sur $]1; +\infty[$ par $F(x) = \frac{1}{2}x^2 + 3x + \frac{1}{2(x-1)}$, montrer que F est une primitive de f sur $]1; +\infty[$. 1pt

Session 2021