

**L'épreuve comporte deux exercices et un problème que le candidat traitera obligatoirement.**

**EXERCICE 1 : 4 points**

Le plan complexe est muni d'un repère orthonormé direct  $(O; \vec{u}; \vec{v})$ .

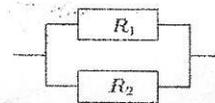
Soient  $A, B$  et  $C$  les points d'affixes respectives  $z_A = i\sqrt{3} + 1$ ,  $z_B = -i\sqrt{3} + 1$  et  $z_C = -2$ .

1. a) Montrer que :  $\frac{z_A - z_C}{z_B - z_C} = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ . 1,5 pt
- b) Déterminer le module et un argument du nombre complexe  $\frac{z_A - z_C}{z_B - z_C}$ . 1 pt
3. Déterminer l'affixe du centre de gravité  $G$  du triangle  $ABC$  puis comparer  $G$  et  $O$ . 1,5 pt

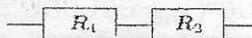
**EXERCICE 2 : 6 points**

- I.1. Résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  le système :  $\begin{cases} x + y = 6 \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{3}{4} \end{cases}$ . 1,5 pt

2. Le montage en dérivation ci-contre a pour résistance  $\frac{4}{3} K\Omega$



Le montage en série ci-contre a une résistance de  $6 K\Omega$ .



Calculer les valeurs des résistances  $R_1$  et  $R_2$ . (on suppose que  $R_1 < R_2$ ) 1,5 pt

**NB :** soit  $R_e$  la résistance équivalente des résistances  $R_1$  et  $R_2$ . Si  $R_1$  et  $R_2$  sont en parallèle, alors  $\frac{1}{R_e} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$ . Si  $R_1$  et  $R_2$  sont en série, alors  $R_e = R_1 + R_2$ .

II. On effectue des essais sur un échantillon de 150 ampoules électriques afin de tester leur durée de fonctionnement. Les résultats sont regroupés en classes et présentés dans le tableau ci-dessous :

Durée de vie (en heure)	[1100; 1200[	[1200; 1300[	[1300; 1400[	[1400; 1500[	[1500; 1600[
Nombres d'ampoules	25	20	55	30	20
Effectifs cumulés croissants		45			150
Centres de classes	1150		1350		1550

1. Recopier puis compléter le tableau ci-dessus. 1,25 pt
2. a) Déterminer la classe médiane de cette série statistique. 0,25 pt
- b) Déterminer le nombre d'ampoules dont la durée de vie est supérieure ou égale à 1300 heures. 0,5 pt
- c) Calculer la durée de vie moyenne des ampoules de cet échantillon. 1 pt

**PROBLEME : 10 points**

Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  ; unité graphique : 1cm pour 5 unités.

Soit  $g$  la fonction définie de  $\mathbb{R}$  vers  $\mathbb{R}$  par  $g(x) = \frac{-x+18}{2x-1}$ .

**PARTIE A : 6 points**

1.a) Montrer que l'ensemble de définition de  $g$  est  $D = ]-\infty; \frac{1}{2}[ \cup ]\frac{1}{2}; +\infty[$ . **0,5 pt**

b) Calculer les limites de  $g$  aux bornes de  $D$ . **1 pt**

2.a) Montrer que pour tout réel  $x \neq \frac{1}{2}$ ,  $g'(x) = -\frac{35}{(2x-1)^2}$ ; où  $g'$  désigne la dérivée première de  $g$ . **0,5 pt**

b) Dresser le tableau de variation de  $g$ . **1,5 pt**

3. Montrer que pour tout  $x$  appartenant à  $D$ ,  $g(x) = \frac{17,5}{2x-1} - \frac{1}{2}$ . **0,5 pt**

4. Montrer que le point  $S(\frac{1}{2}; -\frac{1}{2})$  est un centre de symétrie de  $(C_g)$ . **1 pt**

5-) Construire la courbe  $(C_g)$  dans le repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ . **1 pt**

**PARTIE B : 4 points**

Soit  $(U_n)$  la suite définie par :  $U_0 = 0$  et  $U_{n+1} = \frac{-U_n+18}{2U_n-1}$  ; On pose  $V_n = \frac{U_n-3}{U_n+3}$  pour tout entier naturel  $n$ .

1-) Calculer  $V_0$  et  $V_1$ . **1 pt**

2-) Montrer que  $(V_n)$  est une suite géométrique de raison  $(-\frac{7}{5})$ . **1,5 pt**

3-) Exprimer  $V_n$  puis  $U_n$  en fonction de  $n$ . **1,5 pt**

NSAROU